

Prof. Dr. Alfred Toth

Das verdoppelte System von Kategorien und Saltatorien bei den possessiv-copossessiven Zahlen

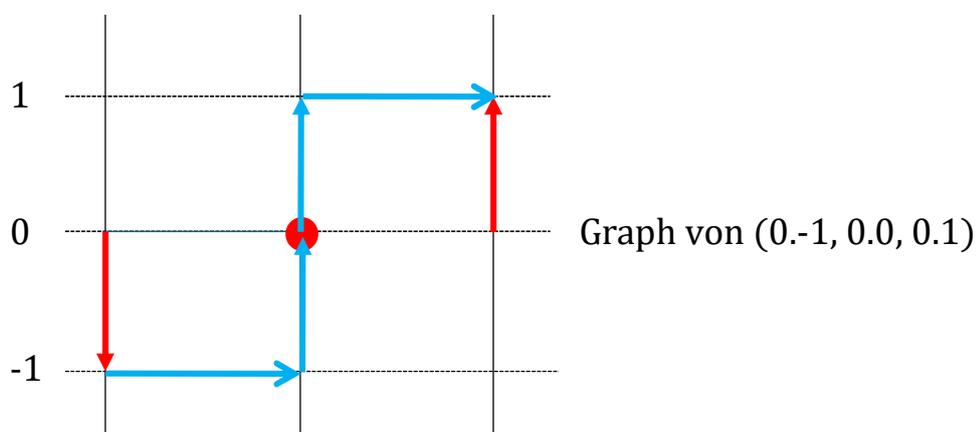
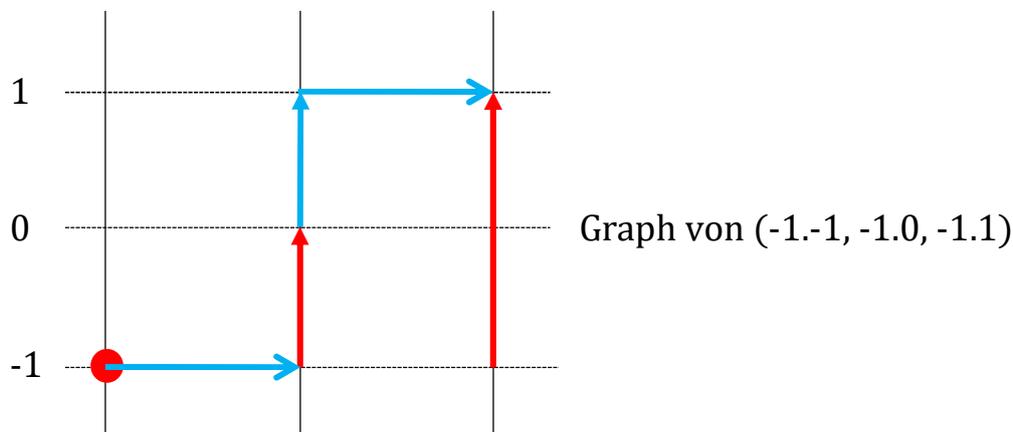
1. Wir gehen aus von der ternären Relation der possessiv-copossessiven Zahlen

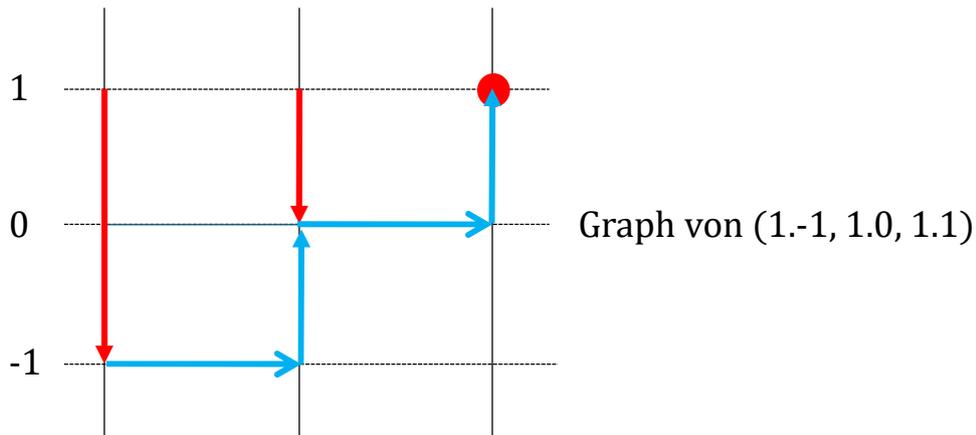
$$P = (-1, 0, 1)$$

(vgl. zuletzt Toth 2025a, b) und bilden nach dem Vorbild der semiotischen Matrix (vgl. Bense 1975, S. 35 ff.) eine 3×3 -Matrix von P

	-1	0	1
-1	-1.-1	-1.0	-1.1
0	0.-1	0.0	0.1
1	1.-1	1.0	1.1

2. Im folgenden stellen wir zunächst die Teilrelationen von $P \times P$ mit Hilfe der in Toth (2025c) eingeführten Pfadgraphen dar. Dabei werden die Übergänge zwischen den Pfaden blau markiert.





Zur Formalisierung der Pfade definieren wir folgende Morphismen analog zum Vorgehen in der Semiotik (vgl. Toth 1997, S. 21 ff.)

$$\iota := (-1 \rightarrow 0) \quad \text{id}_{-1} := (-1 \rightarrow -1)$$

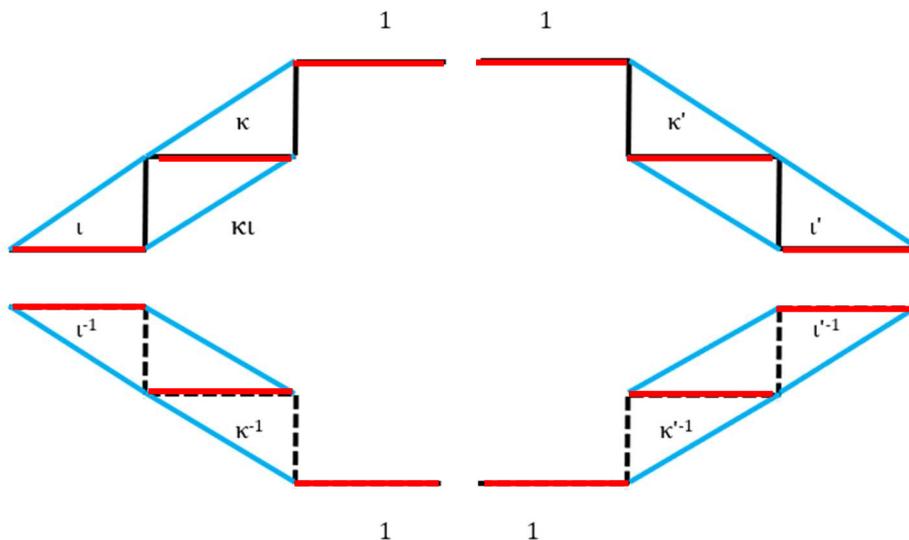
$$\kappa := (0 \rightarrow 1) \quad \text{id}_0 := (0 \rightarrow 0)$$

$$\kappa\iota = (-1 \rightarrow 1) \quad \text{id}_1 := (1 \rightarrow 1).$$

Wir können dann die $P \times P$ -Matrix wie folgt notieren

	-1	0	1
-1	id_{-1}	ι	$\kappa\iota$
0	ι°	id_0	κ
1	$\iota^\circ\kappa^\circ$	κ°	id_1

und im folgenden quadralektischen Zahlenfeld (vgl. Toth 2025d) sichtbar machen.



Da in possessiv-copossessiven Zahlenfeldern zwischen horizontalen Links-Rechts-Relationen und vertikalen Vorn-Hinten-Relationen unterschieden wird, haben wir im Gegensatz zur polykontexturalen Diamantentheorie (vgl. Kaehr 2007) statt eines einfachen Systems von Kategorien und Saltatorien ein verdoppeltes:

	-1	0	1
-1	id_{-1}	ι	$\kappa\iota$
0	ι°	id_0	κ
1	$\iota^\circ\kappa^\circ$	κ°	id_1

	-1	0	1
-1	id'_{-1}	ι'	$\kappa'\iota'$
0	ι'°	id'_0	κ'
1	$\iota'^\circ\kappa'^\circ$	κ'°	id'_1

	-1^{-1}	0^{-1}	1^{-1}
-1^{-1}	id_{-1}^{-1}	ι^{-1}	$\kappa\iota^{-1}$
0^{-1}	$\iota^{\circ-1}$	$\text{id}_{0^{-1}}$	κ^{-1}
1^{-1}	$\iota^{\circ}\kappa^{\circ-1}$	$\kappa^{\circ-1}$	$\text{id}_{1^{-1}}$

	-1^{-1}	0^{-1}	1^{-1}
-1^{-1}	id'_{-1}^{-1}	ι'^{-1}	$\kappa'\iota'^{-1}$
0^{-1}	$\iota'^{\circ-1}$	$\text{id}'_{0^{-1}}$	κ'^{-1}
1^{-1}	$\iota'^{\circ}\kappa'^{\circ-1}$	$\kappa'^{\circ-1}$	$\text{id}'_{1^{-1}}$

Quadralktische (possessiv-copossessive) Zahlenfelder sind also formal keine einfachen Tetralemmata, sondern Paare von Diamanten.

Literatur

Bense, Max, Semiotische Prozesse und Systeme. Baden-Baden 1975

Kaehr, Rudolf, The Book of Diamonds. In: www.vordenker.de/rk/rk_Diamond-Theory_collection-of-papers-and-fragments_2007.pdf

Toth, Alfred, Entwurf einer semiotisch-relationalen Grammatik. Tübingen 1997

Toth, Alfred, Strukturtheorie possessiv-copossessiver Zahlen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025a

Toth, Alfred, Zur Operationalisierung der Theorie der Colinearität auf der Basis der possessiv-copossessiven Zahlen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025b

Toth, Alfred, Pfadverbindungen von possessiv-copossessiven Zahlen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025c

Toth, Alfred, Quadralktische Zahlenfelder. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025d

28.2.2025